

Penerapan Teori Bilangan Pada Pengamanan Surat Elektronik Dengan Protokol Secure/Multipurpose Internet Mail Extensions (S/MIME)

Gregorius Dimas Baskara - 13519190¹

Program Studi Teknik Informatika

Sekolah Teknik Elektro dan Informatika

Institut Teknologi Bandung, Jl. Ganesha 10 Bandung 40132, Indonesia

¹13519190@std.stei.itb.ac.id

Abstract—Surat Elektronik atau *email* pada zaman modern ini sudah menjadi sarana komunikasi yang lumrah dipakai oleh hampir seluruh orang pada semua bidang. Pengiriman surat elektronik, terutama dengan konten berupa informasi yang penting dan rahasia, akan sangat rentan apabila dilakukan secara langsung tanpa dienkripsi terlebih dahulu. Oleh karena itu, pengiriman *email* harus dan telah menggunakan teknik kriptografi sehingga pesan yang dikirim tidak mudah untuk diretas oleh pihak yang tidak bertanggung jawab. Salah satu metode kriptografi yang telah dipakai bertahun-tahun oleh beberapa penyedia layanan surat elektronik adalah metode kriptografi dengan protokol S/MIME (Secure/Multipurpose Internet Mail Extensions). Protokol tersebut dilakukan menggunakan penerapan teori bilangan di dalam algoritma RSA (Rivest–Shamir–Adleman), di mana digunakan kunci publik dan privat yang digabungkan pula dengan *Digital Signature*. Melalui protokol ini, pengiriman *email* dapat diamankan dan manfaatnya telah ditela dirasakan oleh pengguna *email* di seluruh dunia.

Keywords—Teori Bilangan, Surat Elektronik, Kriptografi, Protokol S/MIME

I. PENDAHULUAN

Pada zaman mutakhir ini, komunikasi tidak lagi dilakukan melalui faksimili maupun surat-menyurat yang dikirim melalui kantor pos. Perkembangan teknologi telekomunikasi memungkinkan manusia untuk dapat berkomunikasi satu sama lain dari jarak yang jauh dengan menggunakan jaringan internet. Berkembangnya teknologi ini pun diikuti pula oleh berpindahnya pola komunikasi masyarakat apalagi setelah diikuti oleh perkembangan telepon seluler. Berdasarkan Publikasi Badan Pusat Statistik dengan judul “Statistik Telekomunikasi Indonesia 2019”, persentase penduduk Indonesia yang memiliki telepon seluler pada 2019 meningkat di angka 63,53% dan kepemilikan jaringan internet di dalam rumah tangga mencapai angka 73,75%. Hal ini juga diikuti dengan pemakaian internet yang meningkat dari angka 21,98% menjadi 47,69% dan bahkan penggunaan telepon kabel pun menurun dari angka 4,01% pada 2015 menjadi 2,09% pada tahun 2019.

Perkembangan telekomunikasi itu pun juga mempengaruhi teknologi informasi dan komunikasi di berbagai belahan dunia. Salah satu media yang berkembang dari majunya teknologi

tersebut adalah surat elektronik (*email*) dan media sosial. Meskipun sekarang terlihat media sosial sudah mengalahkan penggunaan surat elektronik dan sudah dipakai oleh hampir semua pengguna telepon seluler, namun ternyata surat elektronik masih menduduki posisi pertama dalam media komunikasi dan penyebaran informasi secara daring. Menurut lembaga optinmonster, jumlah pengguna (*user*) surat elektronik di Amerika Serikat telah berada di angka 244,5 juta pengguna dan angka tersebut diproyeksikan akan meningkat menjadi 254,7 juta pada akhir 2020. Hal ini ditambah dengan fakta bahwa berdasarkan survey optinmonster, 58% responden mengaku bahwa mereka akan membuka *email* terlebih dahulu setiap harinya dibanding *platform* komunikasi lainnya (media sosial berada di angka 14%). Surat Elektronik pun juga menjadi preferensi bagi perusahaan untuk mempromosikan produk dan berkomunikasi dengan *client*. Menurut optinmonster, 61% responden memilih untuk dikontak oleh berbagai perusahaan dengan merk berbeda melalui *email* ketimbang *platform* lainnya.

Penggunaan surat elektronik itu pun juga tidak hanya membawa keuntungan terutama kepraktisan bagi para penggunanya, namun ternyata juga dapat membawa kerugian yang besar apabila surat elektronik itu tidak diamankan dengan baik. Menurut statistik yang dikompilasi oleh virtru.com, pada awal 2019, telah tercatat 4,1 miliar kasus kebocoran data, di mana 43% korbannya merupakan UMKM (Usaha Mikro, Kecil, dan Menengah). Salah satu penyebab kebocoran data itu adalah teknik enkripsi surat elektronik yang lemah dan mudah diserang *hacker* yang tidak bertanggung jawab.

Menanggapi banyaknya kasus kebocoran surat elektronik tersebut, penyedia layanan surat elektronik seperti Yahoo dan Gmail pun telah meningkatkan keamanan mereka secara terus-menerus. Gmail contohnya, telah menggunakan Transport Layer Security (TLS) untuk melakukan enkripsi *email* secara transit. Proses enkripsi yang dilakukan melalui *gmail* ternyata menggunakan metode serupa dengan enkripsi pada Microsoft Outlook dan perangkat berbasis IOS, yaitu dengan menggunakan metode S/MIME (Secure/Multipurpose Internet Mail Extensions). Metode S/MIME ini merupakan pengembangan dari algoritma RSA yang telah banyak digunakan pada bidang kriptografi. Melalui metode kriptografi

ini diharapkan bahwa pengiriman surat elektronik dapat berlangsung dengan aman dan dapat mengurangi tingkat kebocoran data melalui surat elektronik.

II. LANDASAN TEORI

1. Teori Bilangan

Bilangan dan Teori Bilangan

Terdapat berbagai jenis bilangan yang dipelajari di cabang ilmu Matematika. Jenis-jenis bilangan tersebut meliputi :

- Bilangan Asli, yaitu bilangan yang dimulai dari 1 ke atas $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.
- Bilangan Cacah, yaitu bilangan asli yang juga meliputi angka 0 : $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.
- Bilangan Bulat (Z), yaitu bilangan cacah yang ditambahkan dengan bilangan negatif : $\{-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$.
- Bilangan Prima, yaitu bilangan bulat yang hanya habis dibagi 1 dan bilangan itu sendiri : $\{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, \dots\}$.
- Bilangan Pecahan, yaitu bilangan yang dapat dinyatakan dalam bentuk pecahan a/b : $\{1/2, 3/4, 5/6, 7/8, \dots\}$
- Bilangan Rasional, yaitu bilangan yang meliputi bilangan Bulat dan Pecahan.
- Bilangan Irasional, yaitu bilangan yang tidak dapat dinyatakan dalam bentuk pecahan a/b : $\{\sqrt{2}, \sqrt{3}, \text{ dan bilangan irasional lainnya}\}$
- Bilangan Riil, yaitu bilangan yang meliputi bilangan rasional dan irasional
- Bilangan Imajiner, yaitu bilangan yang meliputi i di mana $i^2 = -1$, contoh $\sqrt{-1}, \sqrt{-2}$
- Bilangan Kompleks, yaitu bilangan yang meliputi bilangan Riil dan Imajiner.

Teori bilangan (Number Theory) sendiri mempelajari secara khusus bilangan bulat (integer) dan fungsi-fungsi yang berkaitan dengan bilangan tersebut.

Sifat Pembagian Pada Bilangan Bulat

Jika terdapat $a, b \in Z, a \neq 0$, maka dikatakan bahwa a habis membagi b jika terdapat bilangan bulat c sedemikian sehingga :

$$b = ac$$

Contoh 3 habis membagi 6 karena terdapat $c = 2$ sehingga $6 = 3 \times 2$. a habis membagi b dapat ditulis $a | b$.

Teorema Euclidean Pada Bilangan Bulat

Jika terdapat $m, n \in Z$ dan $n > 0$, maka pembagian m/n akan menghasilkan q (quotient) dengan sisa r (remainder) sedemikian sehingga

$$m = nq + r$$

di mana

$$0 \leq r < n.$$

Contoh $9/5$ dapat disajikan di dalam bentuk $9 = 5 \times 1 + 4$ Sehingga dapat terlihat bahwa hasil baginya adalah 1 dan sisanya (remainder) adalah 4.

Pada bilangan negatif perlu diingat bahwa $0 \leq r < n$, sehingga misalkan $-7/5$ harus disajikan sebagai $-7 =$

$5 \times (-2) + 3$ dan bukan $-7 = 5 \times (-1) + (-2)$ yang artinya $-7/5$ akan memiliki hasil bagi berupa -2 dengan sisa 3.

Pembagi Bersama Terbesar / PBB (Greatest Common Divisor)

Jika terdapat $a, b, c \in Z$, maka c dikatakan sebagai pembagi bersama terbesar dari a dan b , jika c adalah bilangan bulat terbesar sehingga c habis membagi a dan c habis membagi b atau dapat ditulis

$$PBB(a, b) = c \text{ di mana } c|a, c|b$$

Contoh, $PBB(5, 10) = 5$ karena 5 merupakan bilangan bulat terbesar yang mana $5 | 5$ dan $5 | 10$.

Algoritma Euclidean Untuk Mencari Pembagi Bersama Terbesar / PBB (Greatest Common Divisor)

Jika terdapat $m, n \in Z$, sedemikian sehingga $m = nq + r$, di mana $0 \leq r < n$, maka dapat diturunkan rumus :

$$PBB(m, n) = PBB(n, r)$$

Dengan memanfaatkan fakta bahwa $PBB(m, 0) = m$, maka pencarian PBB untuk m, n dapat dilakukan dengan sistematis dan dapat dikomputasi.

Contoh, akan dicari $PBB(80, 12)$, maka karena $80 \geq 12$, proses pencarian PBB adalah sebagai berikut :

$$80 = 6 \times 12 + 8$$

$$12 = 1 \times 8 + 4$$

$$8 = 2 \times 4 + 0$$

$$PBB(80, 12) = PBB(12, 8) = PBB(8, 4) = PBB(4, 0) = 4$$

Kombinasi Linier

Misal terdapat a dan b bilangan bulat positif, maka terdapat bilangan bulat x dan y sehingga

$$PBB(a, b) = xa + yb$$

Relatif Prima

Dua bilangan bulat misal x, y dikatakan relatif prima jika dan hanya jika

$$PBB(x, y) = 1$$

Aritmatika Modulo

Jika terdapat bilangan bulat a dan m , dengan $m > 0$ maka

$$a \text{ mod } m = r$$

sedemikian sehingga

$$a = mq + r$$

dengan

$$0 \leq r < m$$

Di sini, m disebut juga modulo atau modulus di mana hasilnya selalu di antara 0 dan $m - 1$.

Kongruen

Jika terdapat a dan x di mana $a \text{ mod } x = y$ dan b di mana $b \text{ mod } x = y$, maka dapat dikatakan bahwa a kongruen dengan b dalam modulus x , atau ditulis :

$$a \equiv b \pmod{x}$$

Untuk $x > 0$, maka juga berlaku :

$$x | (a - b)$$

Teorema Kongruen :

a) Jika $a \equiv b \pmod{m}$ dan c sembarang bilangan bulat, maka berlaku :

$$(a + c) \equiv (b + c) \pmod{m}$$

$$ac \equiv bc \pmod{m}$$

$$a^p \equiv b^p \pmod{m}$$

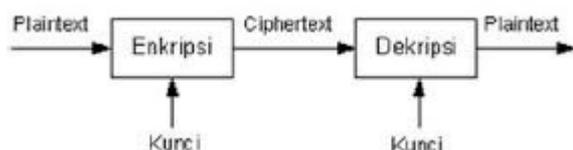
- b) Jika $a \equiv b \pmod{m}$ dan $c \equiv d \pmod{m}$, maka
- $$(a + c) \equiv (b + d) \pmod{m}$$
- $$ac \equiv bd \pmod{m}$$

2. Kriptografi

Definisi dan Istilah Kriptografi

Kriptografi adalah ilmu untuk menjaga keamanan suatu pesan dalam bentuk lain yang tidak memiliki makna dengan tujuan agar pesan tersebut hanya dapat dimengerti oleh pihak pengirim dan pihak yang dituju. Berikut adalah istilah-istilah di dalam kriptografi :

- Teks Biasa / Plaintext* : Istilah lain untuk pesan yang hendak dikirim oleh pengirim dengan tujuan agar dimengerti oleh penerima yang dituju.
- CipherTeks / Ciphertext* : Pesan yang telah disandikan dengan pola atau metode tertentu sehingga tidak dapat dimengerti maknanya.
- Enkripsi* : Proses mengubah Teks Biasa menjadi CipherTeks. Dilakukan saat pesan akan dikirim.
- Dekripsi* : Proses mengubah CipherTeks menjadi Teks Biasa. Dilakukan saat pesan akan diterima.
- Kunci* : Rumus/pola untuk mengubah *Plaintext* menjadi *Ciphertext* ataupun sebaliknya

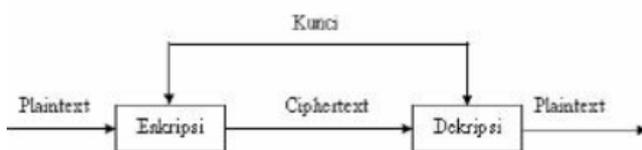


Gambar 2.1 Prinsip Kriptografi

Sumber : <http://mutiasulisetyani.blogspot.com/2015/03/algorithmakriptografi.html>

Kriptografi Simetrik

Kriptografi simetrik atau disebut juga kriptografi konvensional adalah kriptografi di mana kunci untuk melakukan enkripsi dan kunci untuk melakukan dekripsi adalah sama. Algoritma kriptografi simetrik terbagi atas 2 kategori besar, yaitu algoritma aliran (Stream Ciphers) di mana penyandian dilakukan per bit atau per byte dan algoritma blok (Block Ciphers), di mana penyandian dilakukan pada sekumpulan bit atau byte sekaligus. Contoh dari algoritma ini adalah Caesar Cipher, DES, dan Blowfish



Gambar 2.2 Prinsip Kriptografi Simetrik

Sumber :

<https://dimasandree.wordpress.com/2013/11/13/kriptografi-simetri-dan-asimetri/>

Kriptografi Asimetrik

Kriptografi asimetrik adalah kriptografi di mana kunci untuk melakukan enkripsi berbeda dengan kunci untuk melakukan

dekripsi. Kelebihan dari kriptografi asimetrik ini adalah antara lain :

- Keamanan lebih terjamin dengan adanya kunci yang berbeda untuk enkripsi dan dekripsi
- Manajemen kunci lebih baik karena jumlah kunci lebih sedikit
- Hanya satu kunci saja yang harus dirahasiakan
- Pasangan kunci tidak harus diubah-ubah dalam waktu yang sering (keamanan tetap akan terjaga)

Sementara itu kelemahan dari kriptografi asimetrik adalah :

- Proses enkripsi dan dekripsi memerlukan waktu yang lebih lama dari kriptografi simetrik karena prosesnya menggunakan kunci yang memerlukan bilangan dan operasi perpangkatan yang besar.
- Ukuran *Ciphertext* yang jauh lebih besar dari *Plaintext*.
- Kunci publik diberikan secara luas dan tidak dirahasiakan, maka tidak bisa dipergunakan untuk autentifikasi pengirim.
- Masih tidak menjamin keamanan 100% karena prinsipnya hanya mempersulit peretas dan pihak yang tidak bertanggung jawab dengan persoalan aritmatika yang kompleks dan bilangan yang sangat besar.



Gambar 2.3 Prinsip Kriptografi Asimetrik

Sumber :

<https://dimasandree.wordpress.com/2013/11/13/kriptografi-simetri-dan-asimetri/>

Algoritma RSA (Rivest-Shamir-Adleman)

Sebuah algoritma kriptografi yang dibuat oleh tiga orang peneliti dari MIT (*Massachusetts Institute of Technology*), yaitu Ron Rivest, Adi Shamir, dan Leonard Adleman. Algoritma RSA termasuk ke dalam kriptografi asimetri karena memiliki kunci yang berbeda untuk enkripsi dan dekripsi. Kunci untuk enkripsi disebut kunci publik dan kunci untuk dekripsi disebut kunci privat.

Pembangkitan pasangan kunci publik-privat :

- Pilih dua bilangan prima misalkan p dan q . Kedua bilangan ini dirahasiakan
- Hitung $n = pq$. n tidak perlu dirahasiakan
- Hitung $m = (p - 1)(q - 1)$. Bilangan m dirahasiakan
- Pilih sebuah bilangan bulat untuk kunci publik, misal e , yang relatif prima terhadap m , yaitu $PBB(e, m) = 1$
- Hitung kunci privat, d , melalui kekongruenan $ed \equiv 1 \pmod{m}$.

Setelah didapatkan e sebagai kunci publik dan d sebagai kunci privat, maka proses enkripsi dan dekripsi dapat dilakukan dengan rumus :

$$p^e \equiv c \pmod{n} \text{ atau } c = p^e \pmod{n} \text{ (Enkripsi)}$$

$$c^d \equiv p \pmod{n} \text{ atau } p = c^d \pmod{n} \text{ (Dekripsi)}$$

Algoritma ini dinilai lebih aman dalam menjaga kerahasiaan suatu pesan karena tidak mudah (bahkan hampir tidak

mungkin) untuk memfaktorkan bilangan yang sangat besar (>200 digit) menjadi faktor-faktor prima yang dibutuhkan untuk mendapatkan kunci privat yang dirahasiakan. Menurut pencetus algoritma RSA, dibutuhkan waktu 4 milyar tahun untuk mencari faktor bilangan dengan >200 digit menggunakan algoritma mutakhir tercepat dan komputer dengan kecepatan 1 milidetik.

3. Protocol S/MIME

S/MIME (Secure/Multipurpose Internet Mail Extensions) merupakan metode atau protokol pengamanan yang sudah umum digunakan untuk mengamankan suatu surat elektronik (*email*). S/MIME memungkinkan pengguna untuk mengenkripsi pesan dan juga menandai pesan tersebut. Dengan menggunakan S/MIME, maka penerima pesan juga dapat yakin bahwa pesan yang berada pada *inbox*-nya telah sesuai dengan pesan yang dimaksudkan oleh pengirim. Penerima pun juga dapat yakin bahwa pengirim dengan alamat *email* itu merupakan pengirim sesungguhnya dan bukan orang lain yang tidak bertanggungjawab dan menggunakan alamat *email* tersebut. Secara umum pengamanan S/MIME dibagi atas dua bagian, yaitu *Digital Signatures* dan *Message Encryption* yang akan dibahas lebih lanjut pada beberapa segmen berikut.

Sejarah S/MIME dan Perkembangan Kriptografi Surat Elektronik

Sebelum S/MIME umum digunakan sebagai protokol pengamanan surat elektronik, para penyedia layanan surat elektronik menggunakan protokol yang umum pula digunakan pada saat itu, yaitu protokol Simple Mail Transfer Protocol (SMTP). Meskipun demikian, protokol SMTP ternyata tidak mampu memberikan keamanan yang cukup bagi pesan yang dikirimkan. Terdapat pula admin-admin surat elektronik yang lantas menggunakan protokol pengamanan perusahaannya sendiri, namun hal ini ternyata juga menjadi kendala karena meskipun dapat bekerja dengan baik untuk menghubungkan antar *staff* dalam perusahaan secara lokal, namun ternyata konektivitas dengan pengguna surat elektronik dari luar perusahaan pun terganggu karena pihak luar tidak menggunakan protokol serupa. Hal ini menyebabkan sulitnya perusahaan untuk berkomunikasi dengan *client*, perusahaan, atau pihak lain di luar perusahaan tersebut.

Menjawab persoalan tersebut, pada 1995 muncullah protokol S/MIME pertama yang kemudian dipakai oleh beberapa vendor sekuritas. Berikut adalah sejarah versi-versi protokol S/MIME yang pernah digunakan oleh para penyedia surat elektronik dan agen sekuritas :

1) S/MIME version 1

Muncul sebagai S/MIME pertama yang dipakai oleh berbagai agen sekuritas. Pada masanya, S/MIME belum memiliki satu standar umum yang dipakai oleh semua pengguna, namun hanya berupa sejumlah standar yang berkompetisi satu sama lain di dalam pasar

2) S/MIME version 2

Muncul pertama kali pada tahun 1998. Berbeda dengan version 1, version 2 diajukan ke Internet Engineering Task Force (IETF) sebagai salah satu alternatif standar protokol pengamanan surat elektronik. S/MIME versi kedua ini lantas disetujui menjadi standar protokol

pengamanan surat elektronik secara umum. Terdapat dua Request for Comments (RFC) yang diajukan oleh IETF untuk S/MIME versi kedua ini, yaitu RFC 2311 mengenai standar pengamanan pesan dan RFC 2312 mengenai *certificate handling*.

3) S/MIME version 3

Tidak lama setelah munculnya versi 2, pada tahun 1999 muncul pula S/MIME versi 3 yang kemudian hadir pula dengan beberapa RFC yang mengembangkan kemampuan pengamanan S/MIME secara keseluruhan. S/MIME versi ini telah menjadi protokol pengamanan surat elektronik yang dipakai di berbagai produk Microsoft seperti Microsoft Outlook dan juga pada produk *email* google, yaitu gmail.

III. PENERAPAN PROTOKOL S/MIME DENGAN PRINSIP ALGORITMA RSA DALAM ENKRIPSI SURAT ELEKTRONIK

1. Sekilas Mengenai Pengamanan S/MIME Melalui Digital Signatures (Sumber : [https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740\(v=exchg.65\)](https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740(v=exchg.65)))



Gambar 3.1 Prinsip Digital Signatures

Sumber : [https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740\(v=exchg.65\)](https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740(v=exchg.65))

Seperti tertulis pada namanya, *Digital Signatures* merupakan metode penandaan pesan secara *digital*. Beberapa kemampuan *Digital Signatures* adalah sebagai berikut :

1) Authentication

Sebelum S/MIME, protokol SMTP tidak memiliki kemampuan untuk melakukan autentikasi pengirim pesan elektronik. Dengan demikian, penerima pesan tidak memiliki kepastian bahwa pemilik alamat email tersebutlah yang benar-benar mengirim pesan dan bukan pihak lain. Melalui S/MIME, autentikasi tersebut dapat dilakukan sehingga penerima surat memiliki kepastian mengenai pihak pengirim.

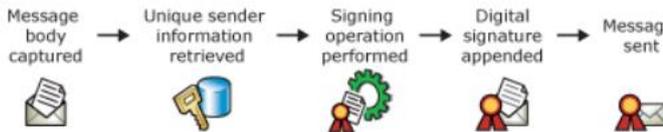
2) Nonrepudiation

Nonrepudiation adalah kondisi di mana *Signatures* yang diberikan pada masing-masing pesan yang terkirim dapat disahkan dan tidak bisa dibantah. Melalui authentication yang telah dilakukan, maka *signature* yang ada dapat dipastikan benar dan tidak dapat diperdebatkan.

3) Data Integrity

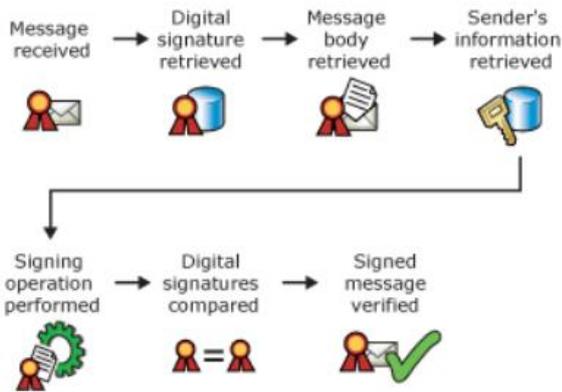
Melalui authentication dan nonrepudiation, pengiriman surat elektronik bahkan menjadi lebih aman daripada surat biasa. Hal ini karena apabila pesan diubah oleh pihak yang tidak bertanggung jawab, maka *signature* akan langsung tidak tervalidasi, sehingga penerima mempunyai kepastian akan keamanan pesan yang terkirim.

Berikut ini merupakan tahapan umum dalam *Digital Signatures*, namun tidak akan dibahas secara lebih lanjut pada makalah ini.



Gambar 3.2 Alur Digital Signing Suatu Pesan Elektronik

Sumber : [https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740\(v=exchg.65\)](https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740(v=exchg.65))



Gambar 3.3 Alur Verifikasi Digital Signature Suatu Pesan Elektronik

Sumber : [https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740\(v=exchg.65\)](https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740(v=exchg.65))

Sumber : [https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740\(v=exchg.65\)](https://docs.microsoft.com/en-us/previous-versions/tn-archive/aa995740(v=exchg.65))

Berikut ini adalah proses enkripsi suatu surat elektronik menggunakan protokol S/MIME :

- 1) Pesan telah selesai ditulis kemudian *body* dari surat elektronik dibaca oleh sistem
 - 2) Informasi unik yang mengidentifikasi penerima surat (recipient) diterima dan disimpan
 - 3) Proses enkripsi menggunakan algoritma RSA
- Pada saat enkripsi, kunci publik sudah jadi dan siap untuk dipakai. Contoh public key yang terbentuk adalah sebagai berikut :

```
Public key length k=|n|=1024 bits
r=0000481DD2EEB162F18BE26BF64BB980FF99134C39F1
443823811D837370F8FAE4364C3171CEE355082118BC9E
F97779B9DEB6FBAC33E2DCB4F7B6AB5299B1661AD5C
DEF8C76B72A1F0D85A1079B96F7C293C029AFD2442FB
65AFB370FE7A971A235C3BDD866C8242C15BB4B82369
6FF51681C012905101F1D643A4AC057DECE
CEK=6670B591275D5B9946741A1BFA3755068831A4B69
6AF7DA39FBAF208D99ADF8C
c=0BF2770071E690C2327729978037F9BE5513A594A6F9C
D25C4834CF51C4277414991EC3871B0183FB183636A28B
4294D48766E6AC69061A84B4D5E192143CFBEC3ABFEE
56501F7D1A2C544A84077DD3C8AC8B390A34214FDBFC
8964CC10252E4EA6936F8430BCC0355A67C33C0307F1D
3E4A9459A323745DB64B541A61CB9977
m=
48656C6C6F2C20776F726C64212054686973206973206120
736563726574206D6573736167652E20466F7220426F62277
32065796573206F6E6C792E
PT=48656C6C6F2C20776F726C64212054686973206973206
120736563726574206D6573736167652E20466F7220426F62
27732065796573206F6E6C792E04040404
IV=84D8A4C56B5EA779A42D358081F940A2
CT=8487F05119052DA340612DA5F70E5CD590854A5C56
8405DB14EF7FB09939D5E64CC2180BD8923E6785079040
D815709FCF9DB188BBB71FCA3D5943EB10B25C78
```

Gambar 3.6 Contoh Public Key yang digunakan dalam protokol S/MIME

Sumber : https://www.cryptosys.net/pki/rsa_ferguson_schneier.html

Pada saat yang bersamaan dengan enkripsi, dilakukan pula generasi private key yang dibentuk berdasarkan informasi unik penerima. Berikut adalah contoh private key yang di-generate oleh protokol S/MIME :

```
-----BEGIN RSA PRIVATE KEY-----
MIIEpQIBAAKCAQEAxR9nz41hKqHfrNBxcGjkHp+JwBwEnV/dovHI3x8cHde4/x
oNFZD24m8m1CRZUfjPH3r8T/MjS3SUMx1k2qtrXqH6DFscmC1ra1HBEI6LJi7+n
a/O+9nV2VMxz+YiKCMD/veSiS6LraPUQL/981UikGRVLesDB6r58jyokdIYf1z
Zphr3A4/R4Z78d0INiBPgvh/YdMYwYbBQCPW+5vSc1HhgeY2qvQbIQDRyDRBmm
eY3UUSX6dUUDk227i4X76p/+2R0OL2395dgF8pFbJR1N5MggqIjrkgsRff70Nzxx
oWN//wTRpYZV1H808KyNY6H++ZxuF9g/Jvj4QIDAQABAOIQAQC6LWFU7IkZPDEA
/71dV/huGNUPXub67rLGe1pJL7B219gWpDHPCCrLohPy3GuVYL94AM55evJXRv
I66FPws2j58kKukQ+GL7M2Ji1G3m4ndNIGS2Vu7DxEnGhrcDtq5wDjJV+ppQ2r9d
7uAoL99q1cW/NJQm3FJuSZPssFhdjFzFrRuWLPq9RoYsvst/EECxoq5W02bEM
OsyGj0ARSJpvBhIMFq/6eo/dfFR4qba3B0RksbETRNUK71d2iQJ9huzkThNz11
1XmPvpYRCHmM8CIVzvb0IscBm1o/5VpShP3VB39z5Xds/A9Yn5b46hJEX45mn
HTqAaz/JA0GBAN7ayderxL4C0jmbaif3WwMazXetuU8U0jeYAmYCN1+R6dxtB5I
KAv770caDFDD7wxmjBDqE1BqIHUPO3ouXGt6r3WwNzYzRp3V0S9TFR0M0ys1K
WAgroB7mSjUG14I/JTpuFqWn+VBXNTND2zb7ULj9UYOedIqxBqNCKbbAoGBA0J
3r2tQNGBaT2VKlp5Jf1vy8900FaypdpMujskbl1/gfU2Wu1Yw8ht19yjsJdeAhv7
jK8LBIfiYyBxk/qc+IcEov79Ug5x441V/KiP4Fcz3kGVWmvr21dTaj+Jj8gt1kDh
ZKvzw6SaNqxbygCTNY+DRxCTBGCzPzCkZhjIbzAoGBAJPjd1zjRU2fC6166uqZ
UBGTGNR+6fRhgPwACV9uimzDpQe9a9Gz+UEDFcP6D5lmcPiTsrp65Tsr9tdHk
pehg51PTj4M772btNhbC6KCS1rvmTeYruITkTY4neShxM5P8I201+IKM2/oXq
ktj33ayTIGCCtkVwTxMbk71PA0GACVtImOXty9RhgNSV8bAd1a684+Ydhf6T8NgH
yaR0Q0oyg0Y7JnyY5HD0ba50UddJvLaCoTWddcvuZ65yp051p1Ucv94p9qG36
mfD78B1thaA4j8u+fWe0i40pVLYG340vfnVlBso1FkIksqp1kByIjzLD982wMfD
5Wqad+KgyEAjgKzyF1D71D6g205kwwFzoIV8umNmM5vNn3UFF50/M5/ff/ubTty
FoHYut5E/Y1hbPryr8zTzSGWUghV286jRq41CwhdZ2QDRw1DugNooQaqQeY93nS
YDg6u+BjPWQx01N4LucF+BkxWQ8ZNdwxj8S5Sf6XQMvCo41UZB0yo=
-----END RSA PRIVATE KEY-----
```

2. Implementasi Kriptografi dengan Algoritma RSA Pada Protocol S/MIME

Berdasarkan Microsoft, dijelaskan keunggulan S/MIME sebagai berikut : Berbeda dengan SMTP, protokol S/MIME menyediakan fitur keamanan ekstra dengan cara melakukan enkripsi pada pesan yang hendak dikirim. Terdapat dua kemampuan besar yang dimiliki oleh protokol S/MIME dalam melakukan enkripsi :

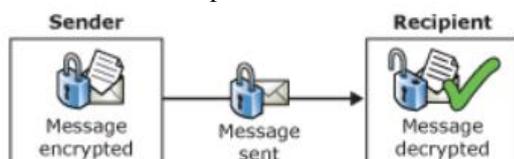
1) Confidentiality

Enkripsi pesan pada protokol S/MIME memastikan bahwa hanya penerima yang dimaksudkan saja yang dapat membaca dan mengerti makna dari pesan yang dikirim.

2) Data Integrity

Bersama dengan *Digital Signatures* protokol S/MIME memastikan bahwa pesan yang dibaca oleh penerima adalah pesan yang dituliskan oleh pengirim.

Apabila dianalisis lebih lanjut secara garis besar, proses kriptografi pada protocol S/MIME terdiri atas enkripsi pesan yang ditulis ke dalam bentuk bahasa yang tidak dapat dipahami (CipherText) , kemudian didekripsi kembali menjadi PlainText ketika penerima yang dimaksud membuka dan membaca pesan tersebut.



Gambar 3.4 Prinsip Kriptografi Dalam Pengiriman Surat Elektronik

Selamat Malam, Salam Hangat dari Ibukota.

Ujian Mata Kuliah Matematika Diskrit Hari Ini Keren Sekali, ya! Semoga ujian berikutnya bisa lebih seru lagi.

Semoga kita dapat bertemu lagi di semester depan, di saat pandemi COVID-19 ini telah usai. Pasti akan lebih seru lagi, ya!

Salam, temanmu
Gregorius Dimas Baskara
AD MAIOREM DEI GLORIAM

CipherText (Hasil Enkripsi Isi Surat Email)

Setelah pengirim menekan tombol untuk mengirim pesan, maka *engine* dari penyedia layanan *email* yang menggunakan protokol S/MIME akan mengubahnya ke dalam bentuk *CipherText* sebagai berikut :

```
Content-Type: application/pkcs7-mime; name=smime.p7m;
smime-type=enveloped-data; charset=binary
Content-Description: Enveloped Data
Content-Disposition: attachment; filename=smime.p7m
Content-Transfer-Encoding: base64
From: sender@example.com
To: recipient@example.com
Subject: Example S/MIME encrypted message
Date: Fri, 11 Dec 2020 12:35:01 +0000
Message-Id: <1607690101869-89a877a7-1dd7ea1b-004ad928@example.com>
MIME-Version: 1.0
```

```
MIIC7wYJKoZIhvcNAQcDoIIC4DCCAAtwCAQIYggE/MIIBoWIBADAJMB4xHDAJBGNVBAITAJVM
A8G
A1UEAx4IAFQAZQBzAHQCAQEWdQYJKoZIhvcNAQEHMAAEggEA0Z2k7vU6Yz1+4wS7J4QE0Znm
bWN
93HD5B+0ekeUAzjfjiwTRNpnee5t7C0ax94QDH2kqsaoFjuCTm4TAIOUInR8a1MRKH9EDI8
gK4
JpHfrenm61ND4mmWYdhnP7JUJUM3Ga2oJ2UFRPErbe+7//1v4mybjK/3iAc8ghyiwRn6Zv/r
tLy
+ArBP15n8jQJ+Zr/Roh1tIvIbutyLsN7jmEZUM6xPBA5c3WRKa3aJ+ugai9WgnL3yFhcAKnt
ggJ
JFqRV0buc3ApsHGV14fayw9fcgvb+595AxyzoABGLCSn8Aer9cN/Yg0n38guT6dLxItN5aEB
nFL
rg96yTakJDCABgkqhkiG9w0BBwEwHQYJYIZIAWUDBAECCBBkpkc57J4K+m+1GvVtqC1oIAEg
fBg
ONLWYgdFABmbgZCacGOUdFuC6ZPAjPw52d55FM6UgpZ1/b+kWiaXkEM7CuvqnK1w9VhaGaA0
UB9
CCGKNdtHe4Qd5nBj5N8t+F0wm+Yck4ToLVGIUUTCzN55dDotIYzWt/XO3akU4gTn5YYe4A0dL
RnQ
S0nk3CMYae2eVGkFh44vVM1tem5/nA7cDvz1x1/zCZ43qfVoJIKZC3UFdJ19Ing6bq2y3QAIY
lgw
9Ffm9d4CCF8ZiuMz5brYPAN08cv17067wd/qvPSJGsoheDn1i+HVZduaH3R4zmZx3jv8s6a9f
xwX
PEpiAyxGaSYqIKSA+fCFR8c7zZIVtUaLueYuu/fNr3sxt0FbK3PYRS+TgA1Y805zE/ahYq1Y
ubQ
8ZTDRDgm70jBscJu3XnMJHEuCRvqf2/hG8De519IMM4oabhLcVN/H5p9CyUKK2bNouc0Tq2U
6Ef
/w9XZCUxS8DrvQAAAA=
```

Hasil Dekripsi Kembali (Dibaca oleh Penerima)

Setelah diterima oleh alamat *email* recipient@example.com, maka hasil enkripsi akan didekripsikan kembali apabila identitas penerima yang tercantum pada *CipherText* sesuai dengan pembuka *email*. Seperti pada sisi pengirim, berikutlah yang akan terbaca pada sisi penerima :

Selamat Malam, Salam Hangat dari Ibukota.

Ujian Mata Kuliah Matematika Diskrit Hari Ini Keren Sekali, ya! Semoga ujian berikutnya bisa lebih seru lagi.

Semoga kita dapat bertemu lagi di semester depan, di saat pandemi COVID-19 ini telah usai. Pasti akan lebih seru lagi, ya!

Salam, temanmu
Gregorius Dimas Baskara
AD MAIOREM DEI GLORIAM

BASE-64 encoded certificate

Seperti percobaan sebelumnya protokol S/MIME akan *generate* suatu *certificate* yang tidak lain merupakan aplikasi dari fitur *Digital Signature* yang bersifat unik untuk pesan ini saja.

```
-----BEGIN CERTIFICATE-----
MIIDPzCCAFOgAwIBAgIBATBBBgkqhkiG9w0BAQowNKAPMA0GCWCSAF1AwQCAgUA
oRwwGgYJKoZIhvcNAQEIQA0GCWCSAF1AwQCAgUAogMCATAwHjEcmAKGA1UEBhMC
U1UwDwYDQgQDhggAVAB1AHMAADAEFw0xNjAxMzExNzAwMDBAFw0xOTAxMzExNzAw
MDBA MB4xHDAJBGNVBAITAJVM A8GA1UEAx4IAFQAZQBzAHQCAQEWdQYJKoZIhvc
NAQEHMAAEggEA0Z2k7vU6Yz1+4wS7J4QE0Znm bWN 93HD5B+0ekeUAzjfjiwTRN
pnee5t7C0ax94QDH2kqsaoFjuCTm4TAIOUInR8a1MRKH9EDI8gK4 JpHfrenm61ND4
mmWYdhnP7JUJUM3Ga2oJ2UFRPErbe+7//1v4mybjK/3iAc8ghyiwRn6Zv/r tLy
+ArBP15n8jQJ+Zr/Roh1tIvIbutyLsN7jmEZUM6xPBA5c3WRKa3aJ+ugai9WgnL3yF
hcAKnt ggJ JFqRV0buc3ApsHGV14fayw9fcgvb+595AxyzoABGLCSn8Aer9cN/Yg0n
38guT6dLxItN5aEB nFL rg96yTakJDCABgkqhkiG9w0BBwEwHQYJYIZIAWUDBAE
CCBBkpkc57J4K+m+1GvVtqC1oIAEg fBg ONLWYgdFABmbgZCacGOUdFuC6ZPAjPw
52d55FM6UgpZ1/b+kWiaXkEM7CuvqnK1w9VhaGaA0 UB9 CCGKNdtHe4Qd5nBj5N8t
+F0wm+Yck4ToLVGIUUTCzN55dDotIYzWt/XO3akU4gTn5YYe4A0dL RnQ S0nk3CMY
ae2eVGkFh44vVM1tem5/nA7cDvz1x1/zCZ43qfVoJIKZC3UFdJ19Ing6bq2y3QAIY
lgw 9Ffm9d4CCF8ZiuMz5brYPAN08cv17067wd/qvPSJGsoheDn1i+HVZduaH3R4zm
Zx3jv8s6a9f xwX PEpiAyxGaSYqIKSA+fCFR8c7zZIVtUaLueYuu/fNr3sxt0FbK3
PYRS+TgA1Y805zE/ahYq1Y ubQ 8ZTDRDgm70jBscJu3XnMJHEuCRvqf2/hG8De519
IMM4oabhLcVN/H5p9CyUKK2bNouc0Tq2U 6Ef /w9XZCUxS8DrvQAAAA=
-----END CERTIFICATE-----
```

BASE-64 encoded PKCS#8 private key

Seperti percobaan sebelumnya, protokol S/MIME akan *generate* suatu kunci privat yang bersifat *encoded*

```
-----BEGIN PRIVATE KEY-----
MIIEvgIBADANBgkqhkiG9w0BAQEFAAQCAQAgEAAoIBAQQDjGJdGqLwH940C
9f55BAUNi286EjEq4H6CvTWfKEPwESRSd7me1peALy4W00Y4qFwYq3yQAoZ0g/L
6D084r/TOM1szSGiAXwU6gR9pN2erpPJEMu4pN0pSG+MS08ZG+f5ezM2X6Nzd9T
FQ0SsJA7B0nOZyN2mxyPiLVfYwYkqrl8q1xQuYrZhcPXT5KtVpKnb3PPdaJ1Um
j1g0xAcBPgc87js2vXIBFctc5s+FvZA6tIjTjXjIaC/G8AFv6WZerJUEqkd8VcGJ
/J34ek7NBmfclQy1tL7y7nXs fV/031Esg7YM0tZ6KL2XwxIs2SR0saxnD1jPwKCs
byB3gKsRAgMBAAEggEAEPo1qK9X+7RvU3mLda43HwB1KS00rc831M0Jn1aDs/VA
/WBC0ocWkZeoCSiU2JrppK5gsXgw54azDu0Ma5uHU13X1W4g0KM5mhghvfx0mCG
5kYp+koXFEtRm1JLHmEA/AikCQ0G+EMBC6c8Epx/Pj5waOdsXRhguY76Qan1PM
0wm0Zsm8+3rpt2j5D1q0/OuVfN09uBN7Lp10kGVAhc5t3bMHyGWNvc/1UMJPVvq
x4JK3PYZ/UfktWwiSHbOmzOh79hYeSK6YqWw/v1EZTrZes9wawjN93fEAgih/yC
BpV/pp1AHShoEACuFI0cgV2NoUI6XCVTYNs/W+Cl0QKBgQD6PLx6F5VpRh00iUki
NE66rrqZeSzc2H10FcF08hYhgyiKp3g1QpW96yK9N2P38mc9dd/KY0AB05CXsg
WydHgbtHhHrgYYZEdUEZSUd92kVj0QD68+bko2B7T2124PNXSLrStpQCe7A2xhB
CqKd6tRt/WeYLF9ztM3YpChOQKBgQDNuh6BR50qSzt1Tz1+ox2/Orkp+HNAtBYw
E6p311yONzGdNeOuCaahVmr1sNkavpjKpWI9A14rUs2s02/UxTI0u0wRVB+4Yep
Fj+kW4TZZ2gxKmt1M/9ZsJsaN2b500urRGM1y9UVUQ/w8DyvmIY/VIu6CdhTinvA
F5Bfm24YywKBgQCLpWRBAGSzhwyW4NC4WomakieSawNGIn/K9o83gIa1QRr491j
nwp9HGBFkou6am5u6S5Buq0OVZn5YL8j+XrcP1g2Kb/RzEDn8LmucDvc1x1DueY9
QfZkXc82+q2oAKMPkrCQGV/mtwRVABHYq9rAwY4hDEQgRhQ3n5rkr89cwkQBQCA
TrY71gWd2s0y+kE1GM3Iz7MkR4AmtDDx2AoQ189m3rcHA1WR3qa3/dP0ZR2M61
T3Tn55erABnK0eWjKb2EaTj3pCNIhVlNKDM1JNckaHP5RgWZJub5X0Y9AZS91xyU
wqBFqW0IsHgKwyp2MeB4mxhSPVWoNNSdp5SprFzsJQKBGgGc5ejeT5Mo8ZB72F4P
wm9fx61s3XLGcGzhNv1KENLUNr3t+VnGpZrszWr3zLN3SogcFaxukzghVRH4CU
9NqDiKkC+vZnqy2zOfLzPQ6L5nEH/70gVY9PLG9jn/C3GpAbzRzKpHLnmd7+w5SbF
b21EqNfLXLr1kRmsRcYQffnB
-----END PRIVATE KEY-----
```

Plaintext (Isi Surat Email) yang hendak di Enkripsi

Seperti pada percobaan sebelumnya, pengirim dengan alamat email sender@example.com akan mengirimkan aplikasi kegiatan magang (*internship*) kepada bagian *Human Resource* Perusahaan CodeMaster dengan alamat *email* recipient@example.com. Berikut ini adalah *Body* dari *email* yang hendak dikirim :

5. Simulasi 2 : Kriptografi Pesan Dengan Protokol S/MIME Version 1 dengan Algoritma Hashing SHA-384 dan Algoritma Signature RSA-PSS

Salam Hormat,

Perkenalkan saya Gregorius Dimas Baskara, seorang mahasiswa tingkat II program studi Teknik Informatika Sekolah Teknik Elektro dan Informatika Institut Teknologi Bandung (ITB). Saya mendengar bahwa perusahaan CodeMaster membuka lowongan magang dengan posisi sebagai Web Developer dan saya berminat untuk mengisi posisi tersebut.

Saya memiliki pengalaman sebagai intern pada perusahaan startup lainnya dengan posisi yang sama, secara spesifik sebagai Frontend Developer dan UI/UX Researcher.]

CV, Resume, dan Surat Motivasi telah saya lampirkan pada Attachment, Terima Kasih.

Hormat Saya,
Gregorius Dimas Baskara

CipherText (Hasil Enkripsi Isi Surat Email)

Setelah pengirim menekan tombol untuk mengirim pesan, maka engine dari penyedia layanan email yang menggunakan protokol S/MIME akan mengubahnya ke dalam bentuk CipherText sebagai berikut :

```
Content-Type: application/pkcs7-mime; name=smime.p7m;
smime-type=enveloped-data; charset=binary
Content-Description: Enveloped Data
Content-Disposition: attachment; filename=smime.p7m
Content-Transfer-Encoding: base64
From: sender@example.com
To: recipient@example.com
Subject: Example S/MIME encrypted message
Date: Fri, 11 Dec 2020 14:40:28 +0000
Message-Id: <1607697628713-22476a4e-0ef8218b-3015d439@example.com>
MIME-Version: 1.0

MIIEEDwYK0ZiHvcNAQcDoIIIEADCCA/wCAQIxxggE/MIIBoWIBADAJMB4xHDAJBgWNBAYTA1JVM
A8G
A1UEAx4IAFQAZQZBzAHQAQEWdQYJKoZIhvcNAQEHMAAEggEASjQNmR++y3PXhgBU1CeBpAAd
tm3
6YWomFCmfRhGVCY0X014vIsGAZ2B7a13Y1obZIzOkpc7TCuMn9NHYGxTMrfi6yMjY8Fw/+mEn
jgu
eIG0gvEyt3GsVfYPMsCqY4vYhRNxYJW35AIOwn0W1azPm0RB2DbFVe58S10zV1fVY11HKwL1t
6sb
CmG0gRZbhZmtBdgIb5ZQDmVRX7imxGdCu1rxkpNDqsnqaj1MI+pIPbtjo5xhgk4H5GmCEsg8c
ztt
xGV4fvQg3a+0+PrL1/4Bzr3znz3KsaUOTANKQo2BC8JtZWdJAwXTzRCCMqHdxzGM5e30AxxX
JaH
A5EhbHvdmzCABgkqhkIG9w0BBwEwHQYJYIZIAWUDBAECBBA1J54bWmR+1bsTDSj0WuoIAEg
gKA
QIpz200riDXe/hPMdmSLK/KTqUnB1C2U8ShrDMcXt78SmmNqSBbF1kdyIxuz0jYe9W/uQ1Y
7KA
oVC8ncNq+c6oHWkPORgIEQMPDpn2M3FmHT1q3j75NjCDFkmsGW0of4eLIDyFDGadhvNxDLm
RCq
SyoA9QYdWv46SbW8H++2qLvebhrohjfMI0oJRO+fay19bwC9HVWu9A4NhFVsdgH5H9P60B5n
tE+
8TKyC+diFobkGztG7abRaStKcKLEKwlp47xFiC1e2ZZWraSG/Fto/z0mYIz0zR1DuahT3Qvo
CsG
ny5SM7euN77wybN+nutxeBjPmEmEk6P5GsN9vHAYV097tRGnySh8XGoNByb6ccPx71KrJA+NW4
5P1
et9r7e5871ekBwIbHwVz30OnDuoxgKa5EUkbsLn6RE0X5dgrRxU4D3vxiU1KA++HYJF0FL
/ni
3ZuDTgDgQz6f1Es2zfKqxcWBMZU1InLTLHJZheofyko0S0hKXYQdRPZg90YbjHqAFw5cUmfe
mLv
dI+Ssj18QOC9k8G6n0YubjuYjCtNAIUH0u+CAJf7BIHaQP6Fa4t/T4GmXotJgta4nCOXcYvE
W4Y
3M3QonS7s3PHiS00a60buERaPfw9Itg2uH154Nb/8Bu8rcHy0M30Pokwv2wSsp5LeF1S2pn
FF4
wpY14TTwJIm2pdKeduIJJxYyQfzJzr3P9mbrHzZ1czUu0ujf80N42pHJH4ax4Z3A0r0Zkb
Fzo
70aLe1YD9geXMOEsg7HQZd1o99Kt610Kmlc9Pbp+5/ZfCAHIScf0/D+V/EG0pfl0s8M8HDG
w4b
ib0l03iacVz8CPmW0AAAAA=
```

Hasil Dekripsi Kembali (Dibaca oleh Penerima)

Setelah diterima oleh alamat email recipient@example.com, maka hasil enkripsi akan didekripsikan kembali sebagai berikut:

Salam Hormat,

Perkenalkan saya Gregorius Dimas Baskara, seorang mahasiswa tingkat II program studi Teknik Informatika Sekolah Teknik Elektro dan Informatika Institut Teknologi Bandung (ITB). Saya mendengar bahwa perusahaan CodeMaster membuka lowongan magang dengan posisi sebagai Web Developer dan saya berminat untuk mengisi posisi tersebut.

Saya memiliki pengalaman sebagai intern pada perusahaan startup lainnya dengan posisi yang sama, secara spesifik sebagai Frontend Developer dan UI/UX Researcher.]

CV, Resume, dan Surat Motivasi telah saya lampirkan pada Attachment, Terima Kasih.

Hormat Saya,
Gregorius Dimas Baskara

Simulasi yang dijalankan (baik simulasi 1 maupun 2) dilakukan menggunakan program yang telah dibuat pada <https://pkij.org/examples/SMIMEEncryptionExample.html>

IV. KESIMPULAN

Teori bilangan merupakan cabang matematika murni yang mempelajari secara khusus mengenai bilangan bulat atau integer. Di dalam cabang tersebut dipelajari mengenai pembagian dan sisa pembagian, faktor pembagi bersama terbesar, relatif prima, aritmetika modulo, kombinasi linier, dan kongruensi.

Teori bilangan memiliki banyak aplikasi di dalam kehidupan nyata, salah satunya di dalam kriptografi. Kriptografi merupakan ilmu untuk mengubah bentuk pesan dari yang dapat dimengerti maknanya ke pesan yang tidak dapat dimengerti dan sebaliknya. Salah satu penggunaan kriptografi adalah pada keamanan pengiriman surat elektronik (email). Kriptografi pada pengamanan surat elektronik pada umumnya menggunakan algoritma RSA, yaitu salah satu jenis algoritma kriptografi asimetrik di mana terdapat kunci yang berbeda untuk enkripsi dan dekripsi.

Kriptografi pada pengamanan surat elektronik tertanam dan terintegrasi pada protokol keamanan penyedia layanan surat elektronik. Salah satu protokol keamanan yang masih dipakai hingga sekarang merupakan protokol S/MIME (Secure/Multipurpose Internet Mail Extensions) yang dipakai pada Microsoft Outlook dan Gmail. Proses kriptografi pada protokol S/MIME menggunakan algoritma RSA di mana dibutuhkan kunci publik untuk mengenkripsikan suatu pesan dan kunci privat untuk mendekripsikannya kembali. Bersama dengan sistem pengamanan dengan Digital Signature, kriptografi telah teruji sebagai protokol yang cukup terpercaya dalam pengiriman surat elektronik.

V. UCAPAN TERIMA KASIH

Penulis ingin mengucapkan terima kasih sebesar-besarnya kepada beberapa pihak yang telah berperan besar dalam penyelesaian makalah ini :

1. Tuhan Yang Maha Esa karena berkat dan rahmat-Nya, makalah ini dapat terselesaikan dengan baik tanpa kurang satu bagian pun.
2. Dra. Harlili, M.Sc. sebagai dosen kelas K2 karena telah membimbing penulis selama pembelajaran matematika diskrit.

3. Dr. Ir. Rinaldi, M.T. dan seluruh tim dosen matematika diskrit yang telah berperan juga dalam kegiatan perkuliahan secara daring.
4. Teman-teman seangkatan karena telah memberikan dukungan selama perkuliahan sehingga penulis dapat menulis makalah ini dengan baik.

DAFTAR PUSTAKA

- [1] Badan Pusat Statistik Indonesia, “Statistik Telekomunikasi Indonesia 2019”. Diakses pada 5 Desember 2020 pukul 17.18, dari <https://www.bps.go.id/publication/2020/12/02/be999725b7aeec62d84c6660/statistik-telekomunikasi-indonesia-2019.html>
- [2] Hott, Allison, “40+ Email Marketing Statistics You Need to Know for 2021”. Diakses pada 5 Desember 2020 pukul 17.39, dari <https://optinmonster.com/email-marketing-statistics/#:~:text=The%20number%20of%20email%20users,with%20family%20and%20friends%20either.>
- [3] Virtru, “*Email Security: What You Need to Know and Best Practices*”. Diakses pada 5 Desember 2020 pukul 18.12, dari <https://www.virtu.com/blog/email-security-2/#:~:text=Data%20breaches%20exposed%204.1%20billion,phishing%20or%20social%20engineering%2C%20respectively.&text=43%25%20of%20breach%20victims%20were,on%20average%20after%20a%20breach.>
- [4] Rinaldi Munir, Diktat Kuliah IF2120 : Matematika Diskrit, Bandung : Program Studi Teknik Informatika Sekolah teknik Elektro dan informatika Institut Teknologi Bandung, 2006.
- [5] Taufik, Ilfan, “Kriptografi Asimetris” . Diakses pada 6 Desember 2020 pukul 10.13, dari <https://blogteknologiinformasi.wordpress.com/2011/11/01/kriptografi-asimetris/>
- [6] “ALGORITMA ASIMETRI”. Diakses pada 6 Desember 2020 pukul 10.19, dari https://repository.dinus.ac.id/docs/ajar/Kriptografi_-_Week12_-_RSA.pdf
- [7] Microsoft, “*SMIME for message signing and encryption in Exchange Online*”. Diakses pada 6 Desember 2020 pukul 12.47, dari [https://docs.microsoft.com/en-us/microsoft-365/security/office-365-security/s-mime-for-message-signing-and-encryption?view=0365-worldwide#:~:text=S%20FMIME%20\(Secure%20Multipurpose,emails%20and%20digitally%20sign%20them.](https://docs.microsoft.com/en-us/microsoft-365/security/office-365-security/s-mime-for-message-signing-and-encryption?view=0365-worldwide#:~:text=S%20FMIME%20(Secure%20Multipurpose,emails%20and%20digitally%20sign%20them.)
- [8] “*SMIMEEncryptionExample*”. Diakses pada 10 Desember 2020 pukul 20.23, dari <https://pkij.org/examples/SMIMEEncryptionExample.html>

PERNYATAAN

Dengan ini saya menyatakan bahwa makalah yang saya tulis ini adalah tulisan saya sendiri, bukan saduran, atau terjemahan dari makalah orang lain, dan bukan plagiasi.

Bandung, 3 Desember 2020



Gregorius Dimas Baskara – 13519190